絶縁体中スカーミオンによるトポロジカル熱ホール効果の研究

Studies of Topological Thermal Hall Effects by Skyrmions in Insulators

M21助自118

代表研究者 山 下 穣 東京大学 物性研究所 准教授 Minoru Yamashita Associate Professor, Institute for Solid State Physics, University of Tokyo

Quantized transports of fermions are topological phenomena determined by the sum of the Chern numbers of all the energy bands below the Fermi energy. For bosonic excitations, e.g. phonons and magnons in a crystal, topological transport is dominated by the Chern number of the lowest energy band because the energy distribution of the bosons is limited below the thermal energy. Here, we demonstrate the presence of topological transport by bosonic magnons in a lattice of magnetic skyrmions - topological defects formed by a vortex-like texture of spins. We find a distinct thermal Hall signal when the ferromagnetic spins in an insulating polar magnet GaV₄Se₈ form magnetic skyrmions. Its origin is identified as the topological thermal Hall effect of magnons in which the trajectories of these magnons are bent by an emergent magnetic field produced by the magnetic skyrmions. Our theoretical simulations confirm that the thermal Hall effect is indeed governed by the Chern number of the lowest energy band of the magnons in a triangular lattice of magnetic skyrmions. We further find that the thermal Hall conductivity exhibits a clear difference between entering the magnetic skyrmion phase from the zero-field cycloidal phase and that from the forced ferromagnetic phase. This unexpected hysteresis effect suggests that the thermal Hall conductivity reflects a detail of the skyrmion lattice. Our findings lay a foundation for studying topological phenomena of other bosonic excitations through thermal Hall probe.

研究目的

本研究の目的は、絶縁体における磁気スカー ミオン相の研究を熱ホール測定によって可能 にし、磁気スカーミオンの生み出す巨大な創発 磁場による熱流制御デバイスの開発を可能にす ることである。磁気スカーミオンは強磁性体中 のスピンが渦のような構造をもったもので、普 通の渦とは異なり、その巻き数が整数しか許 されないという顕著な特徴を持つトポロジカル 励起である。一度形成されると安定に存在し、 駆動による電気損失が少ないため、次世代の 情報通信を担う励起として主として金属中で 盛んに研究されている。一方、絶縁体中の磁 気スカーミオンを検出する手法が確立されてい ないため、磁気スカーミオンがより安定に存在 できる絶縁体中における研究はほとんど進んで いない。例えば、金属中の磁気スカーミオンの 検出に大きな役割を果たすホール測定は電気 の流れない絶縁体では適用できず、中性子散 乱実験では類似磁気相との区別が困難である。

そこで、電流の代わりに熱流を流して行う 熱ホール測定によって絶縁体中の磁気スカー ミオンの研究を推進する。磁気スカーミオンの つくる数百テスラの外部磁場に相当する巨大な 「創発磁場」によって絶縁体中で熱を運ぶスピ ン波(マグノン)が曲げられる「トポロジカル熱 ホール効果」を、Néel型の磁気スカーミオンが 発見された極性強磁性体GaV₄Se₈で実験的に 検証して、絶縁体における磁気スカーミオンの 研究を飛躍的に発展させることを目的とする。

概 要

金属中の電子が示す伝導現象の中には、電 子の持つトポロジー的な性質によって現れる非 常に特殊な現象があることが知られている。例 えば、極低温高磁場下の二次元電子が示す量 子ホール効果においては、電子バンドがもつ "チャーン数"と呼ばれる値の整数倍に"量子 化"された散逸の無いホール電流が試料の端を 流れることが理論と実験の両面から知られてい る。このように量子化された伝導はフェルミ粒 子が非自明なバンドトポロジーをもつときに現れ ることが知られており、電子だけでなく、キタエ フ磁性体と呼ばれ磁性絶縁体中に現れるマヨラ ナ準粒子も量子化された熱ホール効果(この場 合は電流ではなく、マヨラナ準粒子が運ぶ熱流 が量子化される)を示すことが知られている^[1]。

こうしたフェルミ粒子による量子伝導現象と 同様に、固体中の格子の集団励起であるフォ ノンや、スピンの集団励起のマグノンなどの熱 を運ぶボソン粒子も、そのエネルギーバンド が非自明なトポロジーを持つとき、そのトポロ ジーできまる熱ホール効果を示す。絶縁体で は、電子に対するローレンツ力による普通の ホール効果が現れないため、その熱ホール伝 導率 (κ_{xy}) は

 $\frac{\kappa_{xy}}{T} = \frac{k_{\rm B}^2}{\hbar} \int \Omega(E) f(E) dE, \qquad (1)$

と簡単に表すことができる。ここで*E*は素励起 のエネルギー、Ω(*E*)はベリー曲率というエネ ルギーバンドのトポロジカル的性質を表す物理 量、f(E)はボース分布関数である。この式は、 絶縁体に対する熱ホール伝導率測定から、素 励起の持つベリー曲率を直接検出することが 可能であることを示している。荷電粒子が流れ ない絶縁体が熱ホール効果を示すというのは 非常に奇異に思われるかもしれないが、実際に 式(1)で記述されるトポロジカルな性質に起因 する熱ホール効果が様々な絶縁体で観測され ている^[2-8]。

こうしたボース粒子の示すトポロジカル伝導 現象は、電子などのフェルミ粒子が示すトポ ロジカル現象とは異なる量子伝導現象を示す ことが期待されている。同じ量子状態を取るこ とが禁止されるフェルミ粒子はフェルミエネル ギーで決まるエネルギーまでフェルミ粒子がバ ンドを埋めるため、フェルミエネルギーより下 のバンドの持つチャーン数を足し合わせた数 で量子伝導が量子化される。一方、ボース粒 子は複数の粒子が同じ量子状態を占めること が許されるから、より多くのボース粒子が占め る最低エネルギーバンドの持つチャーン数の効 果が最も強く表れることになる。こうしたボー ス粒子の示すトポロジカル量子伝導現象として 最も顕著な効果が期待されているのが磁気ス カーミオン格子中のマグノン熱ホール効果であ る。磁気スカーミオンは固体中のスピンが渦の ような並んだ構造をもつトポロジカル欠陥の一 種で、創発磁場と呼ばれる、磁場に換算して 数100テスラにも及ぶ有効磁場として電子に働 き、それによるホール効果を引き起こすことが 強磁性金属の研究から知られている^[9]。理論 的には、この磁気スカーミオンの創発磁場は 金属中を流れる電子だけでなく、絶縁体中で 熱を運ぶマグノンに対しても同様に働き、マグ ノンの運ぶ熱流が曲がるトポロジカル熱ホール 効果が現れることが提案されていた。しかしな

がら、磁気スカーミオンが発現する磁性絶縁 体は限られ、また、強磁性転移温度直下の比 較的高温でしか安定して存在しないために、マ グノンの最低エネルギーバンドの効果を観測す るために必要な低温までの測定ができず、その 効果は観測されていなかった。

本研究では、磁気スカーミオン相が最低温 度まで安定に存在することが最近発見された 極性強磁性体GaV₄Se₈を用いることで、磁気ス カーミオンによるトポロジカル熱ホール効果を 0.2 Kの極低温まで初めて観測することに成功 した「プ。我々は磁気スカーミオン相でのみ顕著 な熱ホール効果が観測されること、さらに、そ の熱ホール伝導率が磁気スカーミオン相内で の磁場変化に対して変わらず、一定値に留ま ることを見出した。これはこの熱ホール効果が 磁気スカーミオンによるトポロジカル熱ホール 効果によって現れていることを強く支持する実 験結果である。我々は、理論計算によって熱 ホール伝導率の温度依存性を計算し、それが 実験結果を非常によく再現するだけでなく、最 低エネルギーバンドのもつチャーン数の影響を 最も強く受けていることも確認することに成功 した。さらに、低温における熱ホール伝導率 の磁場依存性が、励磁過程と消磁過程で異な ることを見出した。これは熱ホール伝導率が 磁気スカーミオン格子の微妙な違いも反映す る物理量で、熱ホール測定によって絶縁体中 のトポロジカル伝導を研究が大きく展開できる 可能性を示している。

本 文

欠損スピネル系化合物GaV₄Se₈^[10]

本研究で用いた強磁性絶縁体 GaV_4Se_8 は欠 損スピネル系化合物 GaM_4X_8 (M=V, Mo, X=S,Se)に属する物質で、図1 (a, b) のような構造を 持つ。スピン1/2を持つ (V_4Se_4)⁵⁺のクラスター が[111] 面内で三角格子を形成し、[111] 方向 に積層した構造をもっている。室温から冷却 すると、構造相転移温度(*T_s*)の41 K以下で <111>軸方向が伸びた極性構造への構造相転 移が起きて、スピン間の強磁性的相互作用が 現れ、18 Kのキュリー温度(*T_c*)以下で強磁性 転移する。

この物質の磁化(*M*)と熱伝導率(*κ*_{xx})の温度 依存性を示したのが図1(d, e)である。磁化は カンタム・デザイン社のMPMS装置を用いて測 定した。熱伝導率は自作の測定セルを用いて 計測し、図1(c)にあるように、試料に3つの温 度計と1つのヒーターを取り付けて熱流による 温度差を計測して*κ*_{xx}と*κ*_{xy}の両方が計測できる ようになっている。いずれの測定においても磁 場は試料の[111]方向に印加しておこなった。

図1(d)にあるように、磁化はTs以下から上



図1 (a, b) GaV₄Se₈の結晶構造。(c) 熱輸送測定セルの模式 図。(d) 0.1 Tにおける磁化の温度依存性。(e) ゼロ磁 場における熱伝導率の温度依存性。挿入図はキュリー 温度付近の拡大図。

昇を始め、 T_c 以下で強磁性転移によって急激に 増大する。これらの転移の影響は κ_{xx} の温度依 存性にも見ることができ、構造転移温度で κ_{xx} が不連続に増加し、キュリー温度でも κ_{xx} のピー クが観測される。

磁気スカーミオン相における磁化・熱伝導率・ 熱ホール伝導率の磁場依存性

この物質における先行研究から、強磁性転移温度以下のゼロ磁場では、スピンがらせん構造を形成するサイクロイド相がゼロ磁場で現れるが、磁場の印加に伴ってネール型の磁気スカーミオンが*B_{sky}~0.1*T以上の磁場領域で現れ、飽和磁場(*B_{sat}*)まで存在することが知られている(図3の温度磁場相図を参照)^[10]。

こうした磁気状態の変化に対するκ_{xx}とκ_{xy}の 変化を調べたのが図2で、Mの磁場依存性も一 緒に示している。図2のMの磁場依存性からわ かるように、B_{sky}でサイクロイド相から磁気ス カーミオン相に入ると磁化が不連続に増加す る。この磁気スカーミオン相中の磁化の増加



図2 10 Kにおける磁化(上)、熱伝導率(中)、熱ホール伝導 率(下)の磁場依存性。中段の熱伝導率はゼロ磁場の値 で規格化して表示している。図の中央の灰色領域が磁 気スカーミオン相(図3の"SkX")で、低磁場側がサイク ロイド相("Cyc")、高磁場側が強制強磁性相("FFM")。

はB*で折れ曲がる。これは、構造相転移の際 に伸びる<111>軸には結晶中で等価な選び方 が4種類あるために、その違いによって結晶中 に4種類のドメインが形成されることに起因す る。磁場と同じ方向に伸びたドメインでは磁気 スカーミオン相が発現するが、それ以外の3種 類のドメインでは磁場中でサイクロイド相と異 なる磁気秩序が形成されて、その磁化がB*で 飽和する。Kxxの磁場依存性も同様に、B*にピー クがあり、磁気スカーミオン相が現れない構造 ドメインでの磁気構造変化の影響が表れている ことがわかる。

これに対して、 κ_{xy} には磁気スカーミオン相だ けに信号が観測される。図2からわかるように、 青色で示されたサイクロイド相 ($B < B_{sky}$)では κ_{xy} はほぼゼロであるが、磁場を増加させると B_{sky} で磁気スカーミオンの形成に伴う磁化の不



図3 熱ホール伝導率の大きさを磁場ー温度に対してカラー プロットした図。磁場の励磁過程(上)と消磁過程(下) での観測結果を別にして示している。実線が先行研究 ¹⁰¹における相境界で、黒丸が本測定における磁化測 定(図2)から決めたもの。

連続な上昇が現れると同時に有限の κ_{xy} が現れる。注目すべきは、この有限の κ_{xy} は磁気スカー ミオン相内では磁場変化に対して一定で B^* に変化はなく、 $B \ge B_{sat}$ の強制強磁性相で再びゼロになることである。この実験結果から、 κ_{xy} 測定では磁気スカーミオンの効果だけを選択的に検出できていることがわかる。

 κ_{xy} の大きさを温度磁場相図上でカラープロットしたのが図3である。この図からわかるように、他の測定から求められた磁気スカーミオン相の位置とほぼ一致する領域で κ_{xy} が観測されている。一方で、 T_c 直下の比較的高温領域では κ_{xy} は小さい。また、低温では励磁過程(図3上)と消磁過程(図3下)で κ_{xy} に異なる磁場依存性が現れることが明らかになった。図3で示されているように、2Kでは励磁過程では B_{sat} に近いところで大きな κ_{xy} が観測されたが、消磁過程ではほとんど観測されなかった。

磁場中冷却による磁気スカーミオン相ドメイ ンの変化

磁気スカーミオン相で観測されたκ_{xv}が磁気 スカーミオン由来の現象であることをさらに確 認するために磁場中冷却効果の検証を行った。 以上の実験ではゼロ磁場下で試料を冷却した が、構造相転移の際に「111〕方向に磁場を印 加すると、この物質にある磁気異方性のために、 磁場と同じ方向に延びるドメインの量を増やせ ることが期待できる。この効果の検証を行った 結果が図4である。ゼロ磁場冷却時の測定結果 (図中のZMP)に比べて、Tsを通過する際に磁 場を印加して測定した結果(MP)では(1)磁化 の B_{skv} と B_{sat} における変化が顕著になっている。 これは磁場中冷却によって確かに磁気スカー ミオン相が発現するドメインが増加したことを 示している。(2) κ_{rr}の磁場依存性は劇的に変化 し、B_{sky}で減少した後に、B_{sat}で増加する磁場変 化が観測されるようになった。これは、磁気ス カーミオン相で熱流がより強く散乱されるよう になったことを示している。その可能性として は磁気スカーミオンによる散乱効果などが考え られる。(3) κ_{xy}の大きさが3倍程度に増加した。 以上の結果は、磁場中冷却によって磁気スカー ミオン相が増え、それによって磁気スカーミオ ンによるκ_{xx}とκ_{xy}の影響がより顕著に見えるよ うになったことを示している。

磁気スカーミオン相における熱ホール効果の 起源について

ここで、磁気スカーミオン相で観測された大 きな_{Kxy}の起源について議論する。磁性絶縁体 であるGaV₄Se₈の熱ホール効果の起源としては 1. マグノンと外部磁場によるマグノンホール 効果^[2]



図4 ゼロ磁場冷却 (ZMP) と磁場中冷却 (MP) 後の磁化 (a)、 熱伝導率 (b)、熱ホール伝導率 (c) の5 Kにおける磁場 依存性。測定は、図1~3の測定に用いられた試料とは 別の試料で行われた。

- 5 -

- 2. フォノンによる熱ホール効果[4,5]
- 3. 磁気スカーミオン自体が熱流と垂直方向に 流れるスカーミオンホール効果^[11]
- 磁気スカーミオンの創発磁場によるトポロ ジカル熱ホール効果

の4つが候補としてあげられる。

1. のマグノンホール効果はジャロシンスキー・ モリヤ相互作用などの影響でマグノンの軌道が 曲げられる現象で、強磁性絶縁体で観測例があ る。このマグノンホール効果はGaV4Sesにおけ る強制強磁性でも観測されるはずで、図4のB> B_{sat} の強制強磁性の磁場領域で観測されている κ_{xy} がこれに相当すると考えられる。しかし、こ の図4からも、また図2と図3からもわかるように、 この効果による κ_{xy} は磁気スカーミオン相におけ る κ_{xy} に比べて非常に小さく、磁気スカーミオン 相の熱ホール効果の起源とは考えられない。

2. のフォノンホール効果は絶縁体の熱輸送 の大部分を担うフォノンの軌道が曲げられるこ とによって現象で、SrTiO₃などの非磁性絶縁体 や銅酸化物超伝導体などの幅広い物質で観測 されている。そのメカニズムの詳細は不明だが、 磁性不純物との散乱などの効果によって現れる と考えられている。これまでに観測されたフォノ ン熱ホール効果ではκ_{xx}とκ_{xy}の間に比例関係が 観測され、特にκ_{xx}が最大値となる温度において κ_{xy}も最大値となる温度依存性を示すことが知ら れている。一方、GaV₄Se₈における熱ホール効果 ではκ_{xx}が最大値を示す温度は、κ_{xy}のそれよりも 2倍以上高く、フォノンの熱ホール効果は磁気 スカーミオン相では効いていないと考えられる。

3. のスカーミオンホール効果は、4. の効 果の反作用で現れる現象で、磁気スカーミオ ンが試料にピン止めされずに自由に動き回れる 際に現れる現象である。実際、金属中の磁気 スカーミオンに対して流す電流を増やしていく と、ピン止め閾値を超えた電流値で現れるこ とが知られている。このように、このスカーミ オンホール効果はトポロジカルホール効果の反 作用として現れるために、それまで現れていた ホール効果を小さくする効果として観測される が、それ自体が単独で現れることは無いために 今回の実験結果の主因ではない。

以上の議論から我々は、4. のトポロジカル 熱ホール効果が、磁気スカーミオン相で観測 された_{xy}の起源であると結論した。これをさら に確認するためにトポロジカル熱ホール効果の 数値計算を行った。計算の詳細は割愛するが、 図5(a)で示されているような磁気スカーミオ





ン格子を考え、そこでのマグノン励起による熱 ホール効果について数値シミュレーションを おこなった。磁気スカーミオン格子によってマ グノンバンドが折りたたまれ、図5(b)であらわ されるようなマグノンバンドが形成される。こ の時、磁気スカーミオンの渦構造によるベリー 位相の効果によってマグノンバンドの一部にベ リー曲率が現れるようになる。図5(b)のマグノ ンバンドにつけられた色はそのベリー曲率の大 きさを表しており、最低エネルギー近くのE~ 0.3Jに大きなベリー曲率が現れている(Jはスピ ン間相互作用の大きさ)。このバンドをもとに、 式(1)に従って計算した κ_{xy}/T の温度依存性を 示したのが図5(c)の実線である。この計算結 果から示されているように、強磁性転移温度直 下では熱ホール効果は現れないが、~0.6Tcより 低温で増加し、 $~0.3T_C$ で κ_{xy}/T がピークを示し た後に0になることがわかる。この温度依存性 は次のように理解することができる。まず、T_C 直下ではマグノンバンド間のエネルギーギャッ プに比べて温度による分布の広がりが大きい ため、マグノンバンドのもつベリー曲率の分布 が平均化されてκ_w/Tが現れない。低温で、E~ 0.3Jの "high-Ω spot" (図5) にあるベリー曲率が 効くようになるところでκ_{xv}/Tが最大となり、そ れより低温ではマグノンの分布が"highΩ spot" よりも低エネルギー側になってしまうためにKxv/ Tが0になる。

この計算結果は、実験結果をよく再現していることがわかる。図5(c)の \oplus と〇はそれぞれ、励磁過程と消磁過程において観測された κ_{xy}/T の温度依存性を示すデータで、縦軸は理論計算との比較のために2次元面一層の大きさになるように定数倍して規格化してある。図5(c)からわかるように、 κ_{xy}/T が現れ始める温度や消磁過程における κ_{xy}/T のピークをよく再現している。また、データの絶対値についても理論計算結果

は実験結果を5倍程度の値になることが分かっ た。この物質では4つの等価なドメインのうち の1つでしか磁気スカーミオン相が現れないこ とを考えると、この5倍の差はドメインの効果 を考慮すればよく一致しているといえる。

一方、低温における計算結果は、励磁過程 における*κ*_{xv}/Tの温度依存性から大きくずれて いることがわかる。*Kxv/T*のピーク温度がマグノ ンエネルギーバンドにおいてベリー曲率が最も 強く分布しているエネルギー領域を反映してい る事を考えれば、この計算結果からのずれは、 励磁過程におけるマグノンのエネルギーバンド では、図5(b)の結果より低エネルギー側にベ リー曲率の強い分布が生じていることを示して いる。この原因の解明は今後の課題であるが、 一つの可能性としては励磁過程では磁気スカー ミオン格子が図5(a)で仮定したような三角格 子から大きくひずんでいて、その結果、ベリー 曲率の分布がより低エネルギー側に移動した 可能性がある。消磁過程によって強制強磁性 相から磁気スカーミオン格子を形成する場合 と、励磁過程によってサイクロイド相から磁気 スカーミオンを形成したときにどうして違いが 起きるかは不明であるが、今後の中性子散乱 実験などによって格子形成に違いが生じてい ないか検証が待たれる。

参考文献

- [1] A. Kitaev, *Anyons in an Exactly Solved Model and Beyond*, Annals of Physics **321**, 2 (2006).
- [2] Y. Onose, T. Ideue, H. Katsura, Y. Shiomi, N. Nagaosa, and Y. Tokura, Observation of the Magnon Hall Effect, Science 329, 297 (2010).
- [3] Y. Kasahara et al., *Majorana Quantization and Half-Integer Thermal Quantum Hall Effect in a Kitaev Spin Liquid*, Nature **559**, 227 (2018).
- X. Li, B. Fauqué, Z. Zhu, and K. Behnia, *Phonon Thermal Hall Effect in Strontium Titanate*, Physical Review Letters 124, 105901 (2020).

- [5] G. Grissonnanche et al., Chiral Phonons in the Pseudogap Phase of Cuprates, Nature Physics 16, 1108 (2020).
- [6] M. Akazawa, M. Shimozawa, S. Kittaka, T. Sakakibara, R. Okuma, Z. Hiroi, H.-Y. Lee, N. Kawashima, J. H. Han, and M. Yamashita, *Thermal Hall Effects of Spins and Phonons in Kagome Antiferromagnet Cd-Kapellasite*, Phys. Rev. X 10, 41059 (2020).
- [7] M. Akazawa, H.-Y. Lee, H. Takeda, Y. Fujima, Y. Tokunaga, T. Arima, J. H. Han, and M. Yamashita, *Topological Thermal Hall Effect of Magnons in Magnetic Skyrmion Lattice*, Phys. Rev. Res. 4, 043085 (2022).
- [8] H. Takeda, J. Mai, M. Akazawa, K. Tamura, J. Yan, K. Moovendaran, K. Raju, R. Sankar, K.-Y. Choi, and M. Yamashita, *Planar Thermal Hall Effects* in the Kitaev Spin Liquid Candidate Na₂Co₂TeO₆, Phys. Rev. Res. 4, L042035 (2022).
- [9] N. Nagaosa and Y. Tokura, *Topological Properties and Dynamics of Magnetic Skyrmions*, Nature Nanotechnology 8, 899 (2013).
- [10] Y. Fujima, N. Abe, Y. Tokunaga, and T. Arima, *Thermodynamically Stable Skyrmion Lattice at Low Temperatures in a Bulk Crystal of Lacunar Spinel GaV₄Se₈*, Physical Review B **95**, 180410 (2017).
- [11] T. Schulz, R. Ritz, A. Bauer, M. Halder, M. Wagner, C. Franz, C. Pfleiderer, K. Everschor, M. Garst, and A. Rosch, *Emergent Electrodynamics* of Skyrmions in a Chiral Magnet, Nature Physics 8, 301 (2012).

今後の研究の見通し

本研究によって、磁気スカーミオンが作る創 発磁場が絶縁体中の磁気励起であるマグノンに 対しても、金属中を流れる電子と同様に、有効 磁場として働いて熱ホール効果を生み出すこと が明らかになった。これは、磁気スカーミオン の創発磁場を、絶縁体における熱輸送などに 応用できる可能性を広げる研究であるといえる。

本研究は熱ホール効果が絶縁体中における トポロジカル励起を検出するための有効な測定 手法であることを示す研究結果であり、熱ホー ル測定を用いた今後の基礎研究に大きな波及 効果を及ぼす研究であると考えている。実際、 本研究と並列して行ったキタエフ磁性体の候 補物質Na₂Co₂TeO₆における面内熱ホール伝導 率測定ではトポロジカルマグノンによる熱ホー ル効果の観測に成功した^[8]。今後、反強磁性 スカーミオンが生み出す創発磁場によるトポロ ジカル熱ホール効果の探索などにつながること が期待できる。

本助成金による主な発表論文、著書名

- Planar Thermal Hall Effects in Kitaev Spin Liquid Candidate Na₂Co₂TeO₆, Hikaru Takeda, Jiancong Mai, Masatoshi Akazawa, Kyo Tamura, Jian Yan, Kalimuthu Moovendaran, Kalaivanan Raju, Raman Sankar, Kwang-Yong Choi, <u>Minoru Yamashita*</u>, Phys. Rev. Research 4, L042035 (2022).
- Topological Thermal Hall Effect of Magnons in Magnetic Skyrmion Lattice, Masatoshi Akazawa, Hyun-Yong Lee, Hikaru Takeda, Yuri Fujima, Yusuke Tokunaga, Taka-hisa Arima, Jung Hoon Han, <u>Minoru Yamashita*</u>, Phys. Rev. Research 4, 043085 (2022).